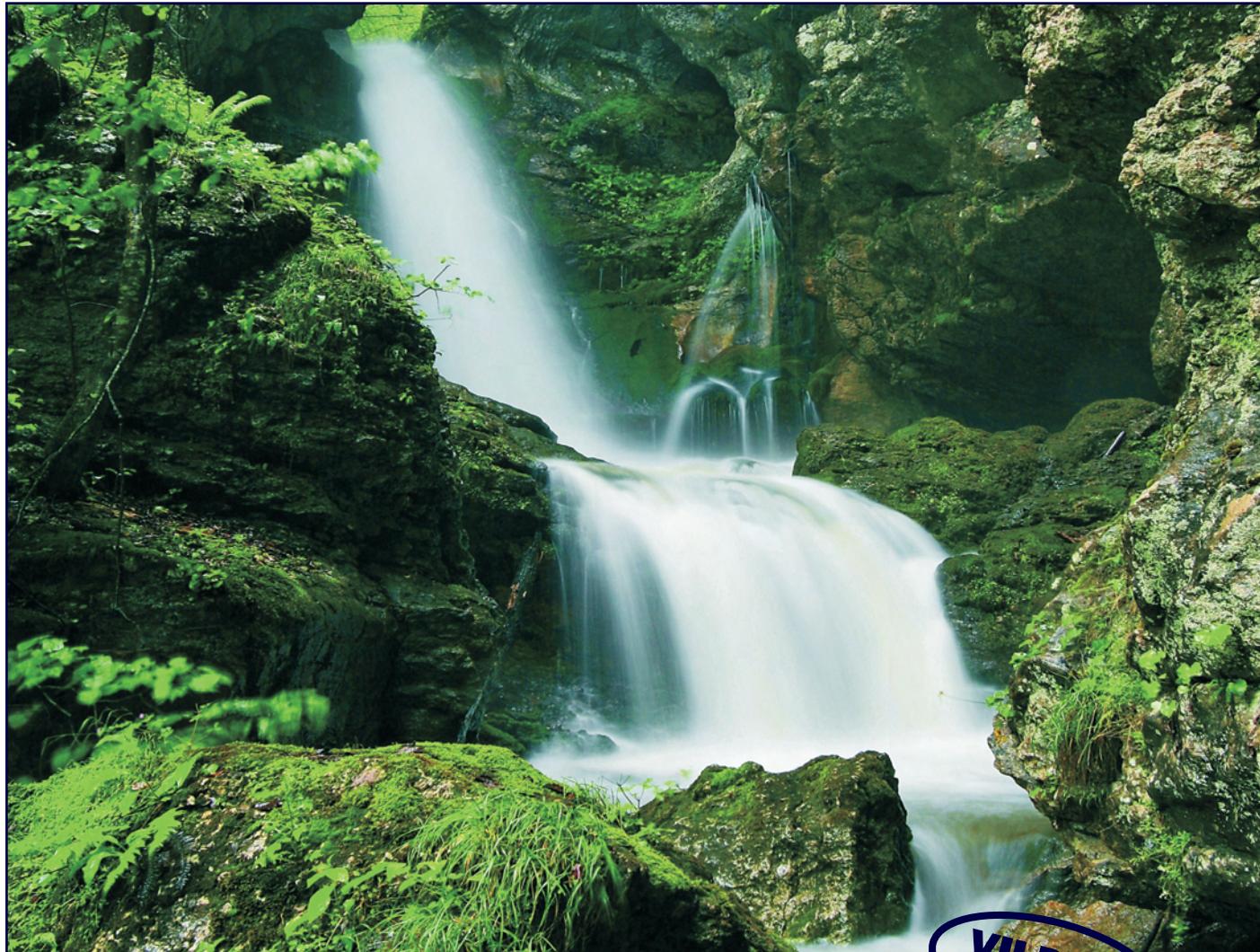


YU ISSN 0350-0519  
UDK 626/627

BROJ 264-266  
GODINA 45  
JUL - DECEMBAR  
2013 / 4 - 6

# vodoprivreda



***YU Build***  
[www.YU-Build.rs](http://www.YU-Build.rs)

0350-0519, 45 (2013) 264-266, p. 163-306

# S A D R Ž A J

## NAUČNI RADOVI

Miodrag JOVANOVIĆ: Numerička simulacija prostornog strujanja na prelivima .....	163
Ivan BOŽIĆ i Miroslav BENIŠEK: Numerička simulacija strujanja u modelu Kaplan turbine .....	173
Stevan PROHASKA i Vladislava BARTOŠ DIVAC: Regionalizacija kvantitativnih krakteristika kiša jakog intenziteta u Srbiji .....	181
Milena KOLAREVIĆ, Ljubodrag SAVIĆ, Radomir KAPOR, Nikola MLADENOVIĆ: Gubitak energije u krivini kružnog provodnika pri burnom tečenju .....	193
Milan DIMKIĆ, Milenko PUŠIĆ, Dragan VIDOVIĆ, Dušan ĐURIĆ, Dulija BORELI – ZDRAVKOVIĆ: Analiza transporta zagadenja kod određivanja zona sanitarno zaštite izvorišta podzemnih voda u aluvijalnim sredinama .....	203
Ljiljana VASIĆ, Saša MILANOVIĆ, Branislav PETROVIĆ, Zoran STEVANOVIC: Uticaj cirkulacije podzemnih voda u karstu na pojавu bakterioškog zagadjenja .....	219
Dejan LJUBISAVLJEVIĆ i Miloš JONOVIĆ: Matematičko modeliranje brzih peščanih filtra .....	231
Lajoš HOVANJ: Tačnost merenja baždarenih proticaja vode vodomernom .....	257
Damjan IVETIĆ, Željko VASILIĆ, Miloš STANIĆ, Dušan PRODANOVIC: Optimizacija mreža pod pritiskom modeliranih $\Delta Q$ metodom .....	265
Jovana DRAGINČIĆ, Veroljub MARKOVIĆ: Kombinovanje metoda AHP i PROMETHEE pri izboru najpogodnijeg rešenja oblaganja kanala za navodnjavanje .....	275
Marko BAJČETIĆ: Naknade i cene u vodnom sektoru i vodoprivredi ..	281

## C O N T E N T

### SCIENTIFIC PAPERS

Miodrag JOVANOVIĆ: Numerical simulation of 3D spillway flows .....	163
Ivan BOŽIĆ and Miroslav BENIŠEK: Numerical simulation of flow in the Kaplan turbine model .....	173
Stevan PROHASKA and Vladislava BARTOŠ DIVAC: Regionalization of quantitative characteristics of high intensity rains .....	181
Milena KOLAREVIĆ, Ljubodrag SAVIĆ, Radomir KAPOR, Nikola MLADENOVIĆ: Energy loss in a circular-conduit bends with supercritical flow .....	193
Milan DIMKIĆ, Milenko PUŠIĆ, Dragan VIDOVIĆ, Dušan ĐURIĆ, Dulija BORELI – ZDRAVKOVIĆ: Pollution transport analysis in defining the sanitary protection zones of groundwater sources in alluvial areas .....	203
Ljiljana VASIĆ, Saša MILANOVIĆ, Branislav PETROVIĆ, Zoran STEVANOVIC: Microbiological pollution as the function of karst groundwater circulation .....	219
Dejan LJUBISAVLJEVIĆ and Miloš JONOVIĆ: Mathematical modeling of rapid sand filters .....	231
Lajoš HOVANJ: Water meter accuracy at measuring calibrated waterflow .....	257
Damjan IVETIĆ, Željko VASILIĆ, Miloš STANIĆ, Dušan PRODANOVIC: Optimization of pressurized pipe networks modelled with $\Delta Q$ method .....	265
Jovana DRAGINČIĆ and Veroljub MARKOVIĆ: Combining AHP and PROMETHEE methods in choosing the most suitable solution for irrigation canal lining .....	275
Marko BAJČETIĆ: Fees and prices in water sector and water management .....	281

### REVIEWS

Dragan KALUĐEROVIĆ: Contribution to management of groundwater sources with dual purpose wells - ARS (Aquifer storage and recovery) .....	295
In memoriam .....	303
In memoriam .....	305

## VODOPRIVREDA

### GOD. 45

Godina 2013.  
BR. 264-266  
(2013/4-6)

### 626/627

ISSN 0350-0519  
COBISS.SR-ID 132119

### IZDAVAČ: SRPSKO DRUŠTVO ZA ODVODNJAVANJE I NAVODNJAVANJE

Ovaj broj su finansijski podržali: JVP „Srbijavode”, Energoprojekt-Hidroinženiring, Inženjerska komora Srbije, Univerzitet u Beogradu - Građevinski fakultet i Rudarsko-geološki fakultet, Zavod za vodoprivredu, Bijeljina

Rezime i deo tekstova koji su objavljeni u našem časopisu mogu se citati i pretraživati na sajtu Narodne biblioteke Srbije i na sajtu YU Build-a (adresa <http://www.YU-Build.rs>)

### REDAKCIJSKI KOLEGIJUM

(sa oblastima koje pokrjuvaju):

**Dorđević dr Branislav** - Integralni sistemi i Hidroenergetika, predsednik Redakcijskog kolegijuma

**Bonacci dr Ognjen** - Ekohidrologija, Vodoprivreda, Hrvatska

**Bratić dr Rade** - Vodoprivreda, Bosna i Hercegovina

**Bruk dr Stevan** - Opšta hidrotehnika

**Dašić dr Tina** - Vodoprivredni sistemi, Hidroenergetika

**Hovanj dr Lajoš** - Komunalni hidrotehnički sistemi

**Hrelja dr Husno** - Vodoprivreda, Bosna i Hercegovina

**Ljubisavljević dr Dejan** - Komunalna hidrotehnika

**Jovanović dr Miodrag** - Regulacija reka

**Knežević Božo** - Vodni resursi, Bosna i Hercegovina

**Martinović-Vitanović dr Vesna** - Fauna voda

**Milanović dr Petar** - Hidrogeologija

**Muškatirović dr Dragutin** - Plovidbena infrastruktura

**Petković dr Slobodan** - Erozija

**Petrović dr Petar** - Brane i građevine

**Prodanović dr Dušan** - Hidraulika

**Popovska dr Cvetanka** - Hidrologija, modeliranje, Makedonija

**Potkonjak dr Svetlana** - Ekonomika vodoprivrede

**Radić dr Zoran** - Hidrologija

**Radinović dr Đura** - Meteorologija

**Rajaković dr Ljubinka** - Kvalitet vode

**Savić dr Dragan** - Hidroinformatika, United Kingdom

**Savić dr Ljubodrag** - Hidrotehnički objekti

**Sekulić dr Goran** - Vodoprivreda, Crna Gora

**Stanić dr Miloš** - Hidromeliорacioni sistemi

### IZDAVAČKI SAVET

**Bajčetić dr Marko**

**Božić mr Mile**

**Dimitrijević Veljko**

**Dimkić dr Milan**

**Janjić Darko**

**Milenković dr Slobodan**

**Miloradov dr Milorad**

**Nikolić Aleksandar**

**Pejić dr Borivoj**

**Pješčić Miodrag**

**Puzović Goran**

**Stišović mr Bratislav**

Slika na naslovnoj strani korica:

Kanjon Dubrašnice, Debelo brdo

(foto: Dragovan Stojadinović-Sule)

## ГУБИТАК ЕНЕРГИЈЕ У КРИВИНИ КРУЖНОГ ПРОВОДНИКА ПРИ БУРНОМ ТЕЧЕЊУ

Миlena КОЛАРЕВИЋ, Енергопројект-Хидроинжењеринг,  
Љубодраг САВИЋ, Радомир КАПОР, Универзитет у Београду – Грађевински факултет,  
Никола МЛАДЕНОВИЋ, Универзитет у Београду – Машички факултет

### РЕЗИМЕ

У раду су анализирани губици енергије у кривини који настају при бурном течењу у проводнику кружног попречног пресека. Урађена су хидрауличка моделска испитивања, на основу којих су одређени коефицијенти губитка енергије. Предложени су изрази за коефицијент губитка у зависности од карактеристика кривине (скретног угла и закривљености). С обзиром да у литератури не постоје изрази којима се описује овакав губитак енергије у кривини, предложене зависности су упоређене са изразима који се односе на течење под притиском. На крају рада су дате препоруке и закључци.

**Кључне речи:** губитак енергије, бурно течење, хоризонтална кривина, затворени проводник, хидраулички модел

### 1 УВОД

Све пространији и међусобно повезанији водопривредни системи, са све сложенијим конфигурацијама објекта, са бранама, акумулацијама, ретензијама и другим објектима који су неопходни да одбездеде испуњење све бројнијих циљева коришћања вода, уређења водних режима и заштите вода [1], намећу захтеве да се оствари висока поузданост свих објекта. Највећи захтеви се постављају у погледу хидрауличке поузданости високих брана и свих њихових пратећих објекта. То је подстакло интензивна истраживања читавог спектра хидрауличких појава од виталне важности за поуздано функционисање евакуационих објекта брана ([2], [3], [4]) и провере њиховог капацитети ([5], [6]). У циљу што бољег уклапања у окружење, које је подвргнуто све бројнијим просторним и

другим ограничењима, развијају се и диспозиције евакуационих објекта мање стандардних облика [7] и [8].

Са гледишта хидрауличке стабилности објекта посебно су важна истраживања објекта у којима се јављају режими бурног течења. Једном од важних аспеката тог веома важног феномена баве се и истраживања приказана у овом чланку.

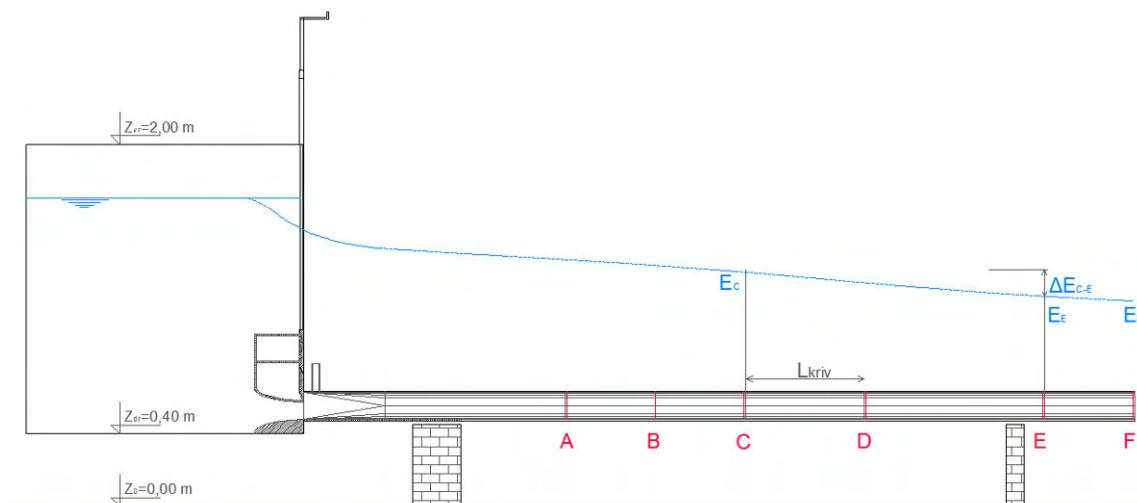
При бурном течењу у кривини проводника кружног попречног пресека, долази до губитка енергије, који није занемарљив. Од интереса је да се одреди вредност тог губитка, чиме се омогућава и одређивање преостале енергије низводно од кривине, што је веома значајно при димензионисању евакуационих објекта (као што су темељни испусти и тунелски преливи високих брана ([9], [10], [11])).

### 2 ХИДРАУЛИЧКА МОДЕЛСКА ИСПИТИВАЊА

Експериментална инсталација за испитивање разматраног течења се састоји од:

- узводног резервоара из кога се вода контролисано упушта у проводник и
- хоризонталног проводника пречника  $D = 15$  см, који се састоји од узводне праве деонице, кривине и низводне праве деонице.

Проток се мери на Томсоновом преливу, пре уласка у узводни резервоар (слика 1). Затим се вода контролисано упушта у проводник помоћу табласте уставе, постављене на излазу из резервоара. Да би се узводно од кривине остварило течење са што мањим поремећајима, излаз из резервоара је хидраулички обликован по боковима и дну. Уз то, изнад горње ивице табласте уставе је постављена покретна маска, прилагођена облику горње ивице млаза.



Слика 1. Пресек експерименталне инсталације, мерна места и енергетска линија

Са квадратног попречног пресека уставе прелази се на кружни пресек цеви – проводника прелазном деоницом дужине  $3D = 45$  см. Права деоница узводно од кривине је дужине 245 см, а низводно 150 см. Аерациона цев је постављена на улазу у проводник (непосредно иза затварача), како би се надокнадио ваздух који је увучен у турбулентни ток. Жељени услови течења (прилазна дубина и Фрудов број) се постижу променом дубине воде у резервоару и отвора уставе.

На физичком хидрауличком моделу су мерење дубине у 6 попречних пресека (A, B, C, D, E и F).

Меродавни почетни – узводни пресек за одређивање губитка енергије је пресек С (непосредно узводно од кривине).

У кривини и низводно од ње се јавља окретање млаза по обиму проводника (хеликоидно течење), па

се као низводни пресек узима место на коме се млауз „размота“ и поново се успостави приближно паралелно и праволинијско струјање (пресек Е на слици 1).

На разматраној деоници (између пресека С и Е) јављају се енергетски губици услед трења о зидове проводника – линијски губици, као и губици који настају услед промене правца чврсте границе – локални губици. Да би се одредили локални губици, који су последица кривине, укупне губитке између пресека С и Е треба умањити за одговарајуће линијске губитке на деоници.

Треба имати на уму да нивои воде, у попречном правцу, у мерним пресецима нису хоризонтални. Узводно од кривине разлике нивоа на левој и десној страни проводника нису велике, а настају као последица несавршено обликоване контуре излаза из резервоара.

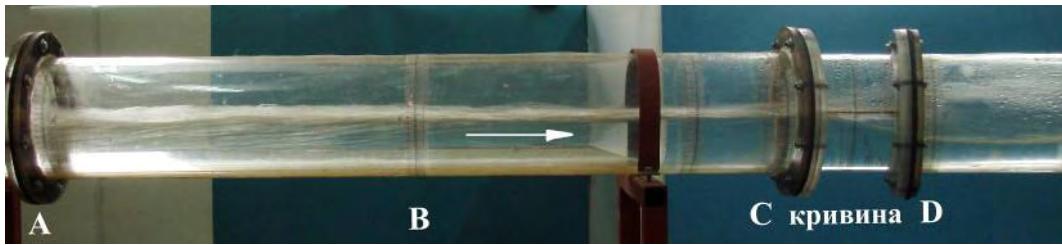


Слика 2. Хеликоидно течење низводно од кривине

Висина поремећаја (стојећих таласа) узводно од кривине зависи од услова течења (бездимензионалне дубине,  $h_0/D$  и Фрудовог броја  $Fr_0 = v/\sqrt{gh}$ ), а ови од отвора затварача и дубине воде у резервоару. При једном броју испитивања са веома малим отворима затварача, јављали су се поремећаји истог реда величине као и основни ток. Таква мерења су изузета из разматрања, јер су стојећи таласи утицали



Слика 3а. Са повећањем брзине тока, повећава се увлачење ваздуха и таласна дужина стојећих таласа (растојање између два суседна максимума)



Слика 3б. Течење без поремећаја узводно од кривине

Слика 3. Поремећаји (стојећи таласи) узводно од кривине

Низводно од кривине се јављају знатне разлике нивоа воде на супротним странама проводника, као последица течења у кривини (слике 2 и 4).

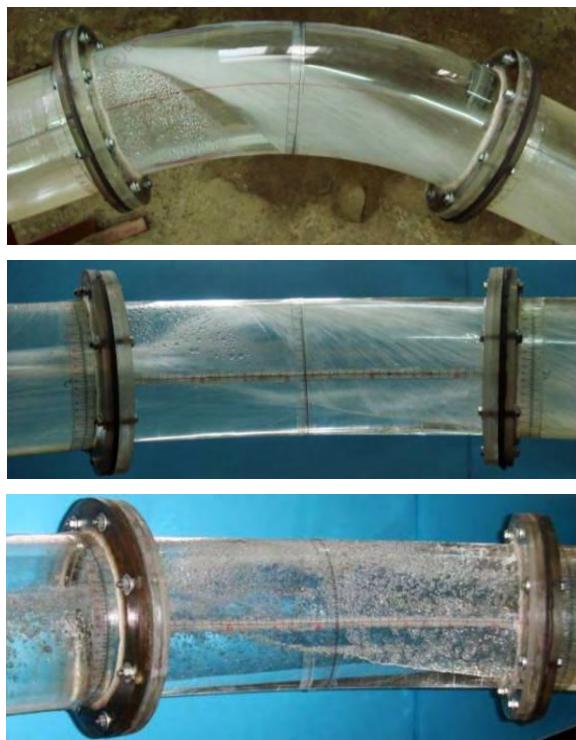
При окретању млаза по обиму проводника повећава се додирна површина између воде и ваздуха, па се додатно појачава увлачење ваздуха у ток (слика 4). Уз то, окренути млаз повлачи са собом ваздух и заробљава меухуриће при поновном спајању са током на супротној страни (слика 5). Увлачење ваздуха и одступање нивоа од хоризонталног, отежавају прецизно мерење дубина низводно од кривине, а тиме и прецизну процену преостале енергије.

на течење у кривини и онемогућавали прецизно одређивање карактеристика течења узводно од ње.

На слици 3 су приказани примери без поремећаја узводно од кривине (слика 3б), као и примери са прихватљиво малим поремећајима, јер не утичу значајно на течење у кривини (слика 3а).



Слика 4. Поглед на течење у проводнику са низводне стране



Слика 5. Интензивно увлачење ваздуха у ток при окретању млаза

### 3 АНАЛИЗА МОДЕЛСКИХ ИСПИТИВАЊА

При одређивању губитака у кривини, прво су процењени укупни губици енергије између пресека С и Е.

$$\Delta E_{C-E} = E_C - E_E \quad (1)$$

На хидрауличком моделу је испитано 13 различитих случајева кривина, одређених комбинацијом закривљености и скретног угла. Испитане су 3 закривљености ( $D/R = 1/2, 1/3$  и  $1/4$ ) и четири скретна угла ( $15^\circ, 30^\circ, 45^\circ$  и  $60^\circ$ ). За закривљеност  $D/R = 1/3$  је испитан и скретни угао од  $75^\circ$ .

Енергетски губици су анализирани за сваки модел посебно, да би се оценио утицај скретног угла и закривљености на губитке.

Анализом су обухваћена само мерења код којих се остварило хеликоидно течење без загушења. Било је укупно 69 успешних мерења, а у табели 1 су дати подаци о броју мерења за сваки разматрани модел.

Већи број мерења и мање „расипање” резултата, указују на већу поузданост.

Табела 1. Број разматраних мерења код којих се остварило хеликоидно течење без загушења

	$15^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$75^\circ$
$R=2D$	4	6	6	8	/
$R=3D$	5	7	8	8	2
$R=4D$	4	6	3	2	/

Разлике у дужини анализираних кривина су велике и крећу се од 7,85 cm за угао од  $15^\circ$  и  $R = 2 D$  до 62,83 cm за угао од  $60^\circ$  и  $R = 4 D$  (мерено по средњој линији кривине). Да би се одвојио утицај дужине кривине, односно одговарајућих линијских губитака, укупан енергетски губитак између пресека С и Е је умањен за линијски губитак на овој деоници, а који одговара губитку на правој деоници исте дужине (као да нема кривине).

$$\Delta E_{kriv} = \Delta E_{C-E} - \Delta E_{C-E}^{lin} \quad (2)$$

Линијски губици су обрачунати са хидрауличким параметрима који се односе на пресек узводно од кривине (пресек С). Експериментална цев је направљена од акрилних плача (polymethyl methacrylate), познатијих под називом клирит или плексиглас. На основу података из литературе [9] за овакву врсту материјала, усвојен је Манингов кофицијент храпавости од  $0,009 \text{ m}^{-1/3} \text{s}$ .

$$\Delta E_{C-E}^{lin} = \left( \frac{Q \cdot n}{A_C \cdot R_C^{2/3}} \right) \cdot (L_{kriv} + L_{D-E}) \quad (3)$$

Кофицијент губитка у кривини одређен је на основу преосталих енергетских губитака по једначини (2) и брзина узводно од кривине.

$$\xi_{kriv} = \frac{2g \cdot \Delta E_{kriv}}{V_C^2} \quad (4)$$

За сваки модел кривине је одређена средња вредност кофицијента губитка, која се односи на разматрану комбинацију закривљености и скретног угла (табела 2 и слика 6). Такође је одређена и стандардна девијација (мера одступања резултата од средње вредности), као показатељ поузданости добијених резултата (табела 3).

$$\bar{\xi}_{kriv}^{R,\alpha} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \xi_{kriv,i}^{R,\alpha}$$

$$\sigma_{\xi_{kriv}^{R,\alpha}} = \sqrt{\frac{1}{N-1} \sum_{i=1}^N (\xi_{kriv,i}^{R,\alpha} - \bar{\xi}_{kriv}^{R,\alpha})^2}$$

Табела 2. Средња вредност коефицијента губитка на кривини

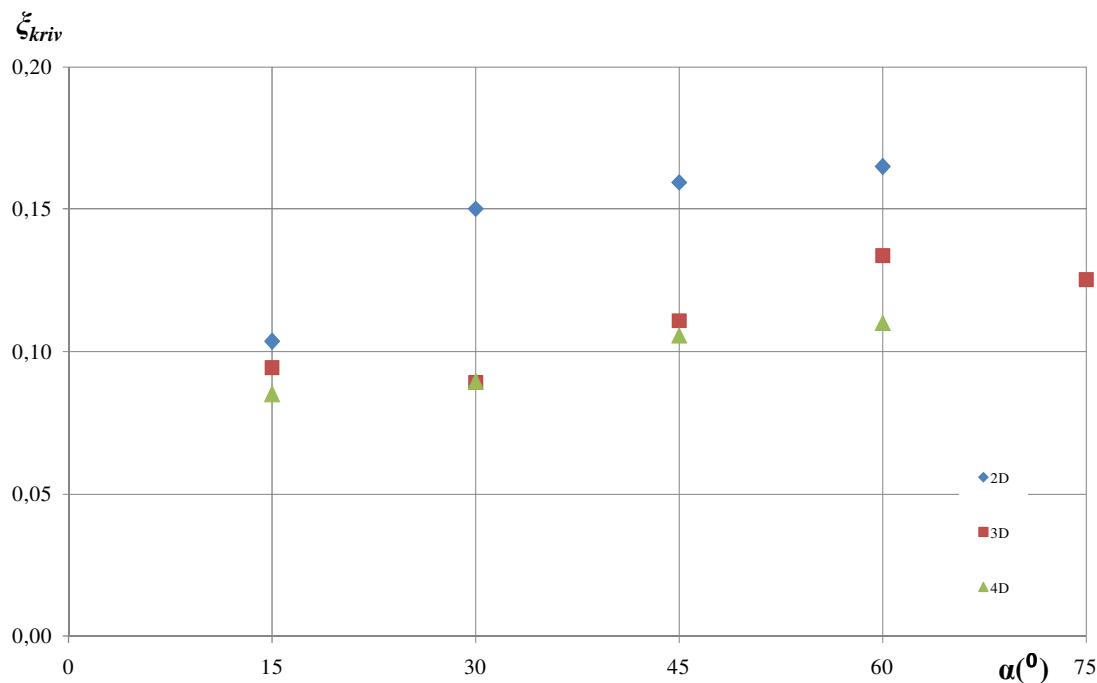
$\bar{\xi}_{kriv}^{R,\alpha}$	15°	30°	45°	60°	75°
R=2D	0,104	0,150	0,159	0,165	/
R=3D	0,095	0,089	0,111	0,134	0,125
R=4D	0,085	0,090	0,106	0,110	/

Са слике 6 се уочава да са повећањем закривљености и скретног угла, расте и вредност коефицијента губитка у кривини, што се могло очекивати. У табели 3 запажа се велика вредност стандардне девијације за скретни угао од 75°, што указује на релативно малу поузданост коефицијената губитка за овај угао. Такође, и

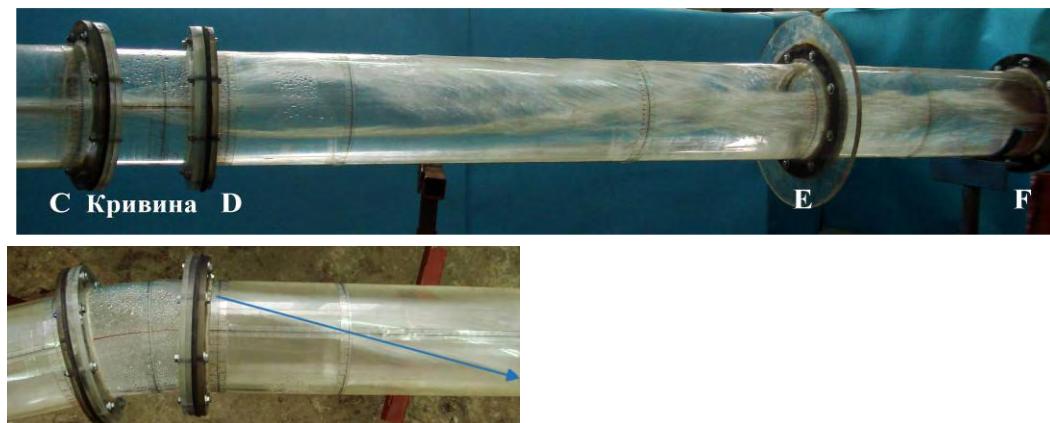
Табела 3. Стандардна девијација коефицијента губитка на кривини (5)

$\sigma_{\xi_{kriv}^{R,\alpha}}$	15°	30°	45°	60°	75°
R=2D	0,123	0,021	0,034	<sup>(6)</sup> 0,057	/
R=3D	0,047	0,025	0,063	0,020	0,143
R=4D	0,031	0,043	0,045	0,034	/
$\sigma_{\xi_{kriv}^{R,\alpha}}$	0,067	0,029	0,047	0,037	0,143

вредности стандардне девијације за скретни угао од 15° су веће у односу на остале разматране углове. При малом скретном углу, млаз се окреће по обиму цеви под малим нагибом у односу на правац проводника, па клизи по калоти на великој дужини (слика 7). Због тога је представљало тешкоћу да се за овај скретни угао одреди меродавна дубина низводно од кривине у пресеку Е, а грешке при њеном одређивању доводе до разлика у коефицијенту губитка.



Слика 6. Средња вредност коефицијента губитка у кривини, у зависности од закривљености и скретног угла



Слика 7. Окretanje млаца по обиму цеви под малим нагибом у односу на правац проводника за скретни угао од  $15^\circ$ .

На основу приказаних резултата истраживања предложене су зависности за коефицијент локалног губитка у кривини кружног проводника при бурном течењу са слободном површином:

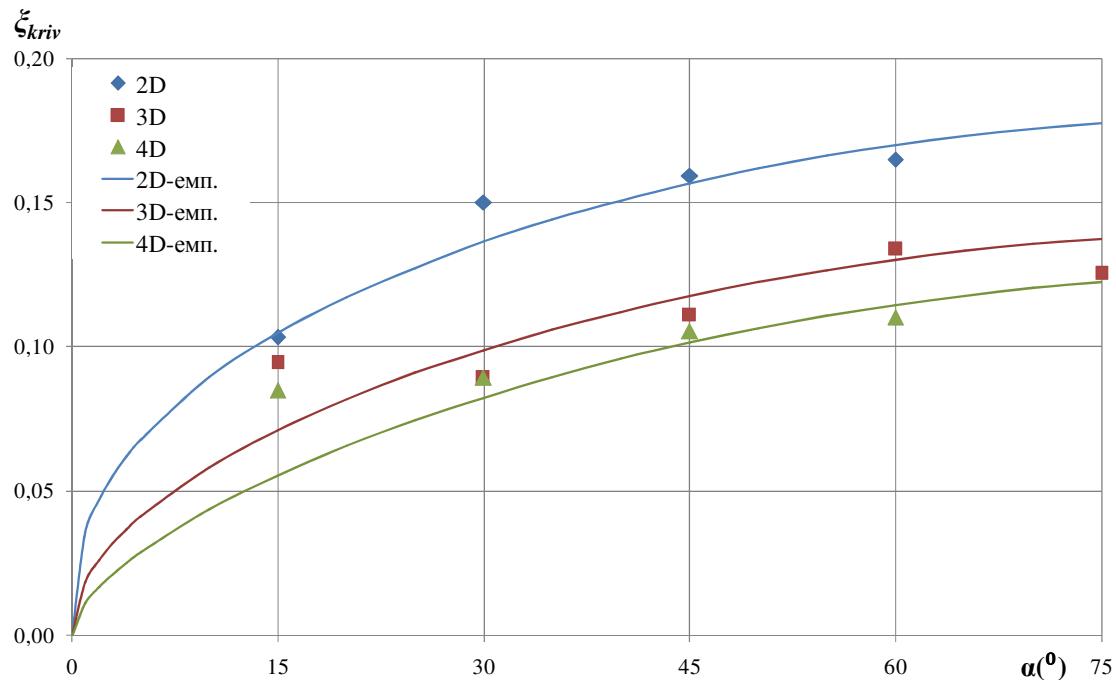
$$\xi_{kriv} = a \cdot \sin^b \alpha, \quad (7)$$

где су коефицијенти  $a$  и  $b$  функције закривљености кривине:

$$a = 0,11 + 0,29 \left( \frac{D}{R} \right)^2 \quad (8)$$

$$b = 0,2 + 0,1 \frac{R}{D} \quad (9)$$

Вредности коефицијената у једначинама (8) и (9) одређене су на основу регресионе анализе измерених величина.



Слика 8. Средња вредност коефицијента губитка у кривини и предложене емпиријске зависности.

#### 4 ПОРЕЂЕЊЕ РЕЗУЛТАТА СА ИЗРАЗИМА ЗА ТЕЧЕЊЕ ПОД ПРИТИСКОМ

У литератури не постоје подаци о енергетским губицима у кривини затвореног кружног проводника, при бурном течењу са слободном површином. Зато ће се резултати приказаног истраживања поредити са изразима који се односе на струјање у кривини при течењу под притиском, према [12]. Ови изрази такође уважавају зависност губитка у кривини од закривљености и скретног угла.

$$\xi_{kriv} = \frac{2\alpha}{\pi^2} \frac{1}{\ln\left(\frac{R}{D}\right) + \alpha} \quad (10)$$

На слици 9 су упоређени резултати истраживања за течење са слободном површином у бурном режиму са изразом (10), према литератури [12]. Уочава се да су при течењу са слободном површином добијени за око 40% веће вредности коефицијента губитка енергије у кривини од вредности коефицијента губитка при течењу под притиском. Веће вредности настају с обзиром да при бурном течењу прво

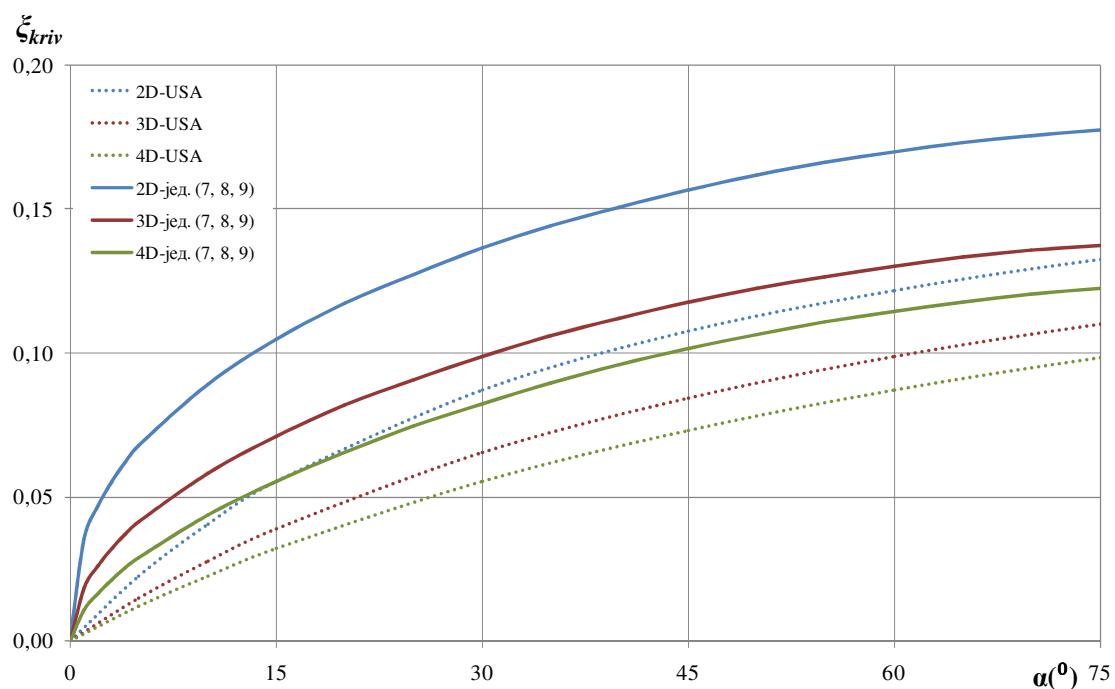
долази до удара окренутог млаза у супротну страну проводника и спајања са „неокренутим“ током, а затим и до губитка енергије услед наизменичног удаљања тока у странице проводника (стојећи таласи).

Коришћењем израза Идељчика [13]:

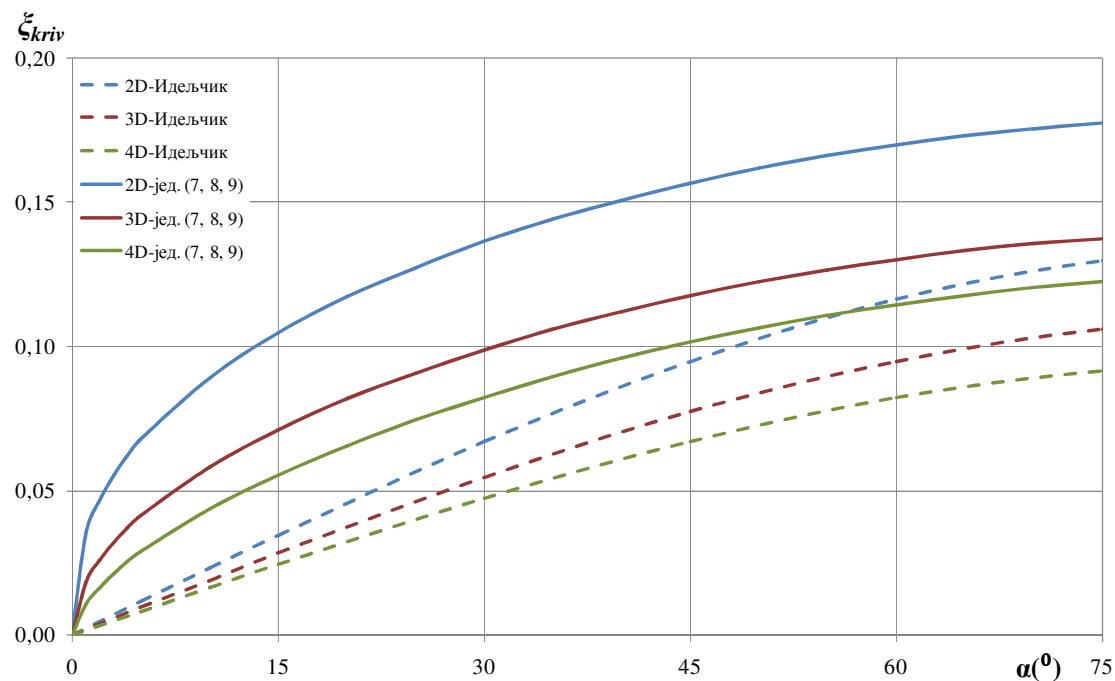
$$\xi_{kriv} = \frac{0,19 \cdot \sin \alpha}{\sqrt{\frac{R}{d_0}}} \quad (11)$$

добијају се још веће разлике између вредности коефицијента губитка у кривини. Разлике се повећавају са смањењем скретног угла, па за угао од  $15^\circ$  износе 2 – 3 пута.

На претходним дијаграмима се уочава да предложене криве генерално имају сличан облик као криве из литературе [12] и [13], али и да су са смањењем закривљености, суседне криве све ближе једна другој, односно да су разлике између вредности коефицијента губитка у кривини све мање.



Слика 9. Вредности коефицијента губитка у кривини при бурном течењу према предложеној зависности (7), (8) и (9), у поређењу са изразом USA Corps of Engineers за течење под притиском [12].



Слика 10. Вредности кофицијента губитка у кривини при бурном течењу, према предложеној зависности (7), (8) и (9), у поређењу са изразом Идељчика за течење под притиском [13].

## 5 ЗАКЉУЧЦИ

На основу испитивања на хидрауличком моделу одређене су емпириске зависности за вредност кофицијента губитка енергије, који настају услед присуства кривине у затвореном проводнику при бурном току. Испитано је 13 различитих кривина, одређених комбинацијом скретног угла и закривљености.

Због непостојања сличних испитивања у литератури, поређене су вредности кофицијента губитка енергије у кривини, одређене на моделу, са вредностима кофицијента губитка енергије за течење под притиском, из литературе. Разлике су око 40%, „у корист“ кофицијента губитка при бурном течењу са слободном површином.

## ЗАХВАЛНОСТ

Овај рад је подржан од стране Министарства просвете и науке Републике Србије у оквиру пројекта ТР 37009 „Мерење и моделирање физичких, хемијских, биолошких и

морфодинамичких параметара река и водних акумулација“.

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] Đorđević, B. (2008): Realizacija razvoja vodoprivredne infrastrukture u skladu sa strategijom iz Prostornog plana Srbije, Vodoprivreda, N<sup>o</sup> 234-236, s.215-226.
- [2] Erčić, Ž. (2007): Pregled i primena rezultata savremenih hidrauličkih istraživanja u projektovanju preliva visokih brana, II deo, Vodoprivreda, N<sup>o</sup> 228, s.181-204.
- [3] Erčić, Ž. (2009): Pregled i primena rezultata savremenih hidrauličkih istraživanja u projektovanju preliva visokih brana, III deo, Vodoprivreda, N<sup>o</sup> 237-2239, s.47-60.
- [4] Erčić, Ž. (2011): Pregled i primena rezultata savremenih hidrauličkih istraživanja u projektovanju preliva visokih brana, IV deo, Vodoprivreda, N<sup>o</sup> 252-254, s.227-248

- [5] Савић, Љ., Капор, Р., Кузмановић, В., Миловановић, Б. (2012): Одређивање димензија шахтног прелива емпириским једначинама, Водопривреда, N<sup>0</sup> 258-260, с. 141-154.
- [6] Kapor, R. i drugi (2009): Procena propusne моći dvostrukog bočnog preliva, Vodoprivreda, N<sup>0</sup> 240-242, s.103-108.
- [7] Савић, Љ., Кузмановић, В., Миловановић, Б. (2010): Степенасти прелив са одбојном гредом, Водопривреда, N<sup>0</sup> 246-248, с.175-180.
- [8] Žugić, D. i drugi (2007): Hidraulička modelska ispitivanja stepenastog preliva, Vodoprivreda, N<sup>0</sup> 225-227, s.97-104.
- [9] Капор, Р., (2011), *Хидраулика*, Универзитет у Београду – Грађевински факултет, Београд.
- [10] Савић, Љ., Капор, Р., Кузмановић, В., Миловановић, Б., (2012), „Одређивање димензија шахтног прелива емпириским једначинама“, Водопривреда бр. 258-260, pp. 141-155.
- [11] Kolarević, M, Savić, Lj, Kapor, R, Mladenović, N., (2013), Supercritical Flow in Circular Closed-conduit Bends, *Proceedings of the 4<sup>th</sup> International Congress of Serbian Society of Mechanics*, Vrnjačka Banja, pp. 267-272.
- [12] U.S.A. Corps of Engineers, (1977), *Hydraulic Design Criteria*.
- [13] Idelchik, I.E., (1986), *Handbook of Hydraulic Resistance*, Springer – Verlag, Berlin.

## ENERGY LOSS IN A CIRCULAR-CONDUIT BENDS WITH SUPERCRITICAL FLOW

by

Milena KOLAREVIĆ, Energoprojekt-Hidroinženjering,  
Ljubodrag SAVIĆ, Radomir KAPOR, University of Belgrade – Faculty of Civil Engineering,  
Nikola MLADENOVIC, University of Belgrade – Faculty of Mechanical Engineering

### Summary

In this paper the energy loss in a circular conduit bend with supercritical flow is analyzed. Based on the test results obtained by a scale model, the energy-loss coefficient has been determined. Simple empirical relationships were developed, describing the effects of the bend curvature and bend deflection angle on the energy losses. Since no expressions for supercritical

flow bend energy-loss coefficient exist, proposed empirical relationships have been compared with expressions relating to pressurized flow.

Keywords: energy loss, supercritical flow, horizontal bend, closed conduit, scale model

Redigovano 26.11.2013.